

Lógica Computacional

Duração: 1h

Época de 2021/22 – 4.º Teste de Avaliação (sem Consulta)

Nome:

n.º:

1. (2.5 vals) Considere o conjunto S de cláusulas Horn abaixo.

1. $(A \wedge B) \rightarrow G$	6. $T \rightarrow C$
2. $T \rightarrow A$	7. $(C \wedge H) \rightarrow \perp$
3. $(C \wedge D) \rightarrow G$	8. $G \rightarrow H$
4. $(A \wedge C) \rightarrow E$	9. $T \rightarrow B$
5. $T \rightarrow D$	10. $(A \wedge H) \rightarrow \perp$

a) Mostre que este conjunto de cláusulas é insatisfazível.

b) Mostre que retirando uma única cláusula, o conjunto restante passa a ser satisfazível. Qual das cláusulas retiraria e indique uma interpretação que tornaria o restante conjunto satisfazível.

Cláusula retirada:

Interpretação que satisfaz as cláusulas restantes:

$A =$	$B =$	$C =$	$D =$
$E =$	$G =$	$H =$	

2. (3.5 vals) Mostre por resolução a validade do seguinte argumento em lógica proposicional.

$P1$	$A \rightarrow (D \rightarrow C)$
$P2$	$C \leftrightarrow (A \wedge B)$
Z	$\underline{(A \wedge \neg B) \rightarrow \neg D}$

a) Coloque as premissas e a negação da conclusão (Z) na forma clausal.
b) Mostre que as cláusulas obtidas em a) são inconsistentes, derivando por resolução a cláusula vazia.

3. (2 vals) Considerando os predicados da linguagem do Mundo de Tarski, traduza para essa linguagem as seguintes proposições:

a) Só os cubos que estejam ao lado de um outro bloco podem ser pequenos.

b) Não há dodecaedros, exceto o **d**, que estejam na mesma coluna de outros blocos.

c) Blocos do mesmo tamanho estão na mesma linha se e apenas se tiverem a mesma forma.

d) Existe um dodecaedro à frente de todos os outros blocos.

e) Se um bloco está entre outros dois, então estes dois não podem ser ambos cubos.

4. (1.5 vals) Converta as fórmulas para a forma Prenex com a matriz na forma normal conjuntiva (CNF).

a) $\exists x \ (Dodec(x) \wedge \forall y \ (Large(y) \rightarrow FrontOf(y, x)))$

b) $\neg \exists x \ ((Tet(x) \vee Large(x)) \wedge \exists y \ (Adjoins(y, x)))$

c) $\forall x \ (\exists y \ (Cube(y) \wedge Adjoins(y, x)) \rightarrow Small(x))$

5. (2 vals) Coloque na forma clausal, incluindo a Skolemização, as seguintes fórmulas Prenex:

a) $\forall x \ \exists y \ \forall z \ (Small(x) \rightarrow (Adjoins(y, x) \wedge (Cube(z) \rightarrow SameCol(z, y))))$

b) $\forall x \ \forall y \ \exists z \ ((Cube(x) \wedge Tet(y)) \rightarrow (Dodec(z) \wedge Between(z, x, y)))$

6. (1 val) Obtenha a substituição mais geral σ que unifique os dois termos abaixo. Indique qual o termo obtido quando se aplica essa substituição a qualquer um dos termos unificados.

T1: `triple(g(x), y, f(x,y))` T2: `triple(u, h(v), f(w,w))`

substituição σ =

T1 σ = T2 σ =

7. (5 vals) Mostre por resolução a validade do seguinte argumento de lógica de predicados de 1^a ordem.

1.	$\forall x \ (Cube(x) \rightarrow \exists y \ (Tet(y) \wedge Adjoins(x, y)))$
2.	$\neg \exists x \ \exists y \ (Adjoins(x, y) \wedge (Tet(x) \vee Tet(y)))$
3.	$\forall x \ (Large(x) \rightarrow Cube(x))$
C	$\neg \exists x \ Large(x)$

a) Coloque as premissas e a negação da conclusão na forma clausal.

b) Mostre que as cláusulas obtidas são inconsistentes, derivando por resolução a cláusula vazia.

8. (2.5 vals) Prove por indução sobre os números naturais, que $\sum_{i=1}^n \frac{1}{i(i+1)} = \frac{n}{n+1}$, para qualquer n natural.

Passo Base:

Passo de Indução: